Глава 10

## модуляция

## § 10.1. Вводные замечания

Модуляция применяется в радиопередатчиках для получения модулированных колебаний высокой частоты. Обычно на устройство, в котором получаются модулированные колебания (модулируемую ступень), подаются немодулированные колебания высокой частоты от какого-то генератора и модулирующие колебания, которые нужно передать, например, звуковые колебания.

Модуляция может быть осуществлена как в линейных схемах с переменными параметрами, так и в нелинейных. В линейных схемах с постоянными параметрами осуществить модуляцию невозможно. В них все синусоидальные составляющие токов и напряжений будут иметь частоты, равные частотам эдс, а при модуляции должны появиться, как было выяснено в первой части курса, колебания боковых частот, частоты которых отличны от частот немодулированных колебаний, подаваемых па модулируемую ступень.

Пример линейной схемы, в которой может быть осуществлена амплитудная модуляция, изображен на рис. 10.1. На этой схеме *М* — микрофон, эдс:

$$e = E_m \cos \omega_0 t.$$

При воздействии на микрофон звуковых колебаний его сопротивление,



Рис. 10.1

оставаясь линейным, т.е. не зависящим от действующего на него напряжения, будет функцией времени  $r_{\scriptscriptstyle M}(t)$ . При этом напряжение u на сопротивлении r равно

$$u = \frac{er}{r_{M}(t) + r} = E_{m} \frac{r}{r_{M}(t) + r} \cos \omega_{0} t, \qquad (10.1)$$

т.е. модулировано по амплитуде.

Другой пример линейной схемы модулируемой ступени изображен на рис. 10.2. Здесь e(t) — эдс модулирующего колебания (например,

$$e(t)$$
  $g = \frac{1}{2}g_0 + g_1\cos(\omega t + \varphi)$   
Рис. 10.2

звукового), *g* — проводимость некоторого элемента, меняющаяся во времени с высокой частотой:

$$g = \frac{1}{2}g_0 + g_1\cos(\omega_0 t + \varphi).$$

Ток і в рассматриваемой цепи равен

$$i = \frac{1}{2} g_0 e(t) + g_1 e(t) \cos(\omega_0 t + \varphi), \qquad (10.2)$$

т. е. содержит амплитудно-модулированное колебание частоты  $\omega_0$ .

В качестве элемента с переменной проводимостью может быть использовано нелинейное сопротивление. Действительно, если эдс e(t) достаточно мала, то дополнительные колебания, вызываемые этой эдс, могут быть найдены согласно § 8.6 с помощью линейной схемы замещения, в которой нелинейные сопротивления заменяются переменными линейными сопротивлениями.

В радиотехнике для модуляции чаще используются нелинейные схемы. В этом случае на нелинейное сопротивление подают напряжение:

$$u = U_0(t) + U_m \cos \alpha,$$
  
$$\alpha = \omega_0 t + \varphi,$$

первое слагаемое которого является модулирующим переменным напряжением, а второе — немодулированным напряжением высокой частоты.

В соответствии с ф-лой (8.4*a*) ток, текущий через нелинейное сопротивление, содержит гармоники с частотами  $k\omega_0$ . Амплитуды этих гармоник  $F_k(U_0, U_m)$  зависят от  $U_0(t)$ , т.е. они модулированы по амплитуде.

Выделяя с помощью резонансных контуров желаемую гармонику (обычно первую), получают амплитудно-модулированное колебание.

При модуляции подбором режима и характеристики нелинейного сопротивления стараются обеспечить линейную зависимость между амплитудой выделяемой гармоники  $F_k(U_0, U_m)$  и модулирующим напряжением  $U_0(t)$ .

## § 10.2. Амплитудная сеточная модуляция

На рис. 10.3 изображена схема так называемой сеточной модуляции. На сетку лампы подается напряжение

$$u_c = U_{c0} + U_{cm} \cos(\omega_0 t + \varphi).$$
 (10.3)



Рис. 10.3

Немодулированная составляющая  $U_{cm} \cos(\omega_0 t + \varphi)$  подается от генератора высокой частоты, составляющая  $U_{c0}$  обычно от усилителя, усиливающего модулирующие колебания, т. е. колебания, которые надо передать (например, звуковые).

Первая гармоника анодного тока создает падение напряжения  $u_{\kappa}$  на контуре *LC*, настроенном на частоту  $\omega_0$ . Остальные гармоники и нулевая составляющая проходят через контур, практически не создавая падения напряжения.

На рис. 10.46 изображена временна́я диаграмма напряжения на сетке (10.3), на рис. 10.4e — временна́я диаграмма анодного тока, построенная на основании рис. 10.4 b и характеристики лампы (рис. 10.4 a). При построении не учтена реакция анода. На рис. 10.4 e представлена временна́я диаграмма напряжения на анодном контуре, равного первой гармонике анодного тока, умноженной на сопротивление  $R_{e}$ , которое представляет для нее анодный контур:

$$u_{\kappa} = F_1(U_{c0}, U_{cm}) R_{\infty} \cos(\omega_0 t + \varphi).$$
(10.4)

При этом предполагается, что сопротивление контура одинаково для несущей и боковых частот.

Из рис. 10.4 видно, что модуляция происходит за счет того, что напряжение  $U_{c0}$  смещает высокочастотные колебания на сетке. Когда высокочастотные колебания попадают на участки характеристики с большой крутизной, то колебания в анодной цепи имеют большую амплитуду, когда же они попадают на участки с малой крутизной, то амплитуда колебаний высокой частоты в анодной цепи мала.



Рис. 10.4

Зависимость  $I_{a1} = F_1(U_{c0}, U_{cm})$  от  $U_{c0}$  называется модуляционной характеристикой. Для неискаженной модуляции необходимо, чтобы модуляционная характеристика была линейной. Рассмотрим, в каких случаях это имеет место.

При линейно-ломаной аппроксимации характеристики

$$F_1(U_{c0}, U_{cm}) = \frac{SU_{cm}}{\pi} \left(\vartheta - \sin \vartheta \cos \vartheta\right).$$
(10.5)

Здесь от  $U_{c0}$  зависит угол отсечки  $\vartheta$ , который определяется из уравнения:

$$\cos\vartheta = \frac{U_{c\mu} - U_{c0}}{U_{cm}}$$

(обозначения в формулах те же, что и в § 8.3).

На рис. 10.5 изображена построенная по этим формулам модуляционная характеристика.



При  $U_{c0} - U_{cH} < -U_{cm}$  лампа заперта. При  $U_{c0} - U_{cH} > U_{cm}$  работа происходит на горизонтальном участке модуляционной характеристики, где  $I_{a1} = SU_{cm}$  независимо от величины  $U_{c0}$ .

Из рис. 10.5 видно, что модуляционная характеристика при  $-0.8U_{cm} < U_{c0} - U_{cH} < +0.8U_{cm}$  близка к линейной.

При аппроксимации характеристики лампы степенным рядом имеем:

$$F_1(U_{c0}, U_{cm}) = a_1 U_{cm} + \frac{3}{4} a_3 U_{cm}^3 + \dots,$$

где

$$a_1 = \left(\frac{\partial i_a}{\partial u_c}\right)_{u_c = U_{c0}},$$
  
$$a_3 = \frac{1}{3!} \left(\frac{\partial^3 i_a}{\partial u_c^3}\right)_{u_c = U_{c0}},$$

В этой формуле от  $U_{c0}$  зависят коэффициенты  $a_1, a_3, \ldots$  Раскроем эту зависимость на конкретном примере. Пусть

$$i_a = b_0 + b_1 u_c + b_2 u_c^2 + b_3 u_c^3 + b_4 u_c^4 + \dots$$

Тогда

$$a_1 = b_1 + 2b_2U_{c0} + 3b_3U_{c0}^2 + 4b_4U_{c0}^3 + \dots,$$
  
$$a_3 = b_3 + 4b_4U_{c0} + 10b_5U_{c0}^2 + \dots$$

199

Отсюда видно, что  $a_1$  линейно зависит от  $U_{c0}$ , если

$$\begin{array}{c} b_2 \neq 0, \\ b_3 = b_4 = b_5 = \dots = 0. \end{array} \right\}$$
 (10.6)

При этом  $a_3 = a_5 = \ldots = 0$  и

$$I_{a1} = F_1(U_{c0}, U_{cm}) = (b_1 + 2b_2U_{c0})U_{cm}.$$
(10.7)

Таким образом, при выполнении условия (10.6) модуляционная характеристика линейна. Следовательно, при параболической характеристике лампы модуляция происходит без искажений.

При модуляции в недонапряженном режиме реакция анода сказывается так же, как при резонансном усилении, в кажущемся уменьшении амплитуды напряжения на сетке на величину  $DI_{a1}R_{\infty}$  (§ 9.3). При использовании пентодов в недонапряженном режиме реакцию анода можно не учитывать, так как она незначительна.

Если при модуляции первая гармоника анодного тока достигает величины  $I_{a1} \approx E_a/R_{\infty}$  (§ 9.3), то наступает перенапряженный режим, и  $I_{a1}$  дальше не увеличивается.

При малых значениях  $U_{cm}$  схема сеточной модуляции может рассматриваться как линейная, полученная путем замены лампы схемой замещения рис. 3.2. Эта линейная схема изображена на рис. 10.6. Величины S и  $r_i$  в ней меняются с изменением  $U_{c0}$ . Приращение напряжения на контуре от действия напряжения высокой частоты равно

$$\Delta i R_{\mathfrak{m}} = S U_{cm} R_{\mathfrak{m}} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

(если пренебречь током через сопротивление  $r_i$ ).



#### Пример 10.1

На сетку лампы ГУ-50 подается колебание высокой частоты с амплитудой  $U_{cm} = 30$  В. Дано:  $E_a = 600$  В;  $E_{c2} = 250$  В;  $E_{c3} = 0$  (рис. 10.7).

Требуется подобрать величину постоянной и переменной составляющих  $U_{c0}$  и величину  $R_{ac}$  анодного контура, чтобы коэффициент модуляции был равен 80 %, мощность, отдаваемая контуру, была максимальной и искажения при модуляции минимальны. При расчете применить аппроксимацию ломаной прямой. Характеристика лампы изображена на рис. 10.8. Реакцией анода пренебречь.

200



Решение

1. Из характеристики находим параметры линейно-ломаной аппроксима-ции:  $U_{cn} = -40$  В,  $S \approx 9$  мА/В. Среднее значение  $\overline{U}_{c0}^{-1}$  выбираем для уменьшения искажений в середине модуляционной характеристики (рис. 10.5), так как около середины она наи-более линейна. Таким образом, для среднего значения  $U_{c0} - U_{cn} = 0$ , откуда  $U_{c0} = -40$  B.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>) Среднее значение величины A часто обозначают через  $\overline{A}$ .

2. Коэффициент модуляции по условию равен:

$$\frac{I_{a1ma\kappa c}-\overline{I}_{a1}}{\overline{I}_{a1}}=0.8,$$

где  $I_{a_{1,makc}}$  — максимальное значение первой гармоники анодного тока,  $\overline{I}_{a_1}$  среднее значение первой гармоники анодного тока. На основании рис. 10.5  $\overline{I}_{a1} = \frac{SU_{cm}}{2}$ .

Поэтому

$$I_{a1makc} = 0.8\overline{I}_{a1} + \overline{I}_{a1} = 0.9SU_{cm} = 0.9 \cdot 9 \cdot 30 = 243 \text{ mA}$$

Отсюда по рис. 10.5

$$U_{c0\text{Makc}} - U_{c\text{H}} = 0,69U_{cm} = 0,69 \cdot 30 = 20,7 \text{ B}$$

ИЛИ

$$U_{c0makc} = 20,7 + U_{ch} = 20,7 - 40 = -19,3$$
 B.

Аналогично

$$\frac{\overline{I}_{a1} - I_{a1\text{muh}}}{\overline{I}_{a1}} = 0,8,$$

где  $I_{a1_{MUH}}$  — минимальное значение первой гармоники анодного тока. Отсюда

$$I_{a_{1,MUH}} = 0, 2\overline{I}_{a_1} = 0, 1SU_{cm} = 0, 1 \cdot 9 \cdot 30 = 27 \text{ mA},$$

и по рис. 10.5

$$U_{c0,muh} - U_{ch} = -0.69U_{cm} = -20.7$$
 B.

Таким образом, U<sub>c0</sub> должно состоять из постоянной составляющей, даваемой источником постоянного напряжения (например батареей смещения на рис. 10.7) и равной  $U_{CH} = -40$  В, и переменной составляющей  $U_{\Omega}$ , получаемой обычно от усилителя низкой частоты. Амплитуда этой составляющей должна быть равна 20,7 В.

3. Для получения максимальной мощности в контуре величина  $R_{\infty}$  должна быть возможно большей, но такой, чтобы при максимальном значении Іа1 не наступал перенапряженный режим, так как он приведет к искривлению модуляционной характеристики и появлению искажений.

Минимальное напряжение на аноде равно

$$E_a = U_a$$
 макс,

где U<sub>а макс</sub> — максимальная амплитуда напряжения на аноде, которая имеет место при максимальном напряжении на сетке, равном

 $U_{c \text{ макс}} = U_{c0 \text{ макс}} + U_{cm} = -19,3 + 30 = 10,7 \text{ B}.$ 

По характеристике видно, что при этом напряжении на сетке напряжение на аноде не должно опускаться ниже 150 В (рис. 9.6).

Поэтому

$$E_a - U_a$$
 Make = 150 B

И

$$U_{a \text{ макс}} = E_a - 150 = 600 - 150 = 450 \text{ B}.$$

С другой стороны

$$U_{a \ \text{макс}} = I_{a1 \ \text{макc}} R_{\text{æ}},$$

откуда

$$R_{\text{ac}} = \frac{U_{a \text{ Makc}}}{I_{a1 \text{ Makc}}} = \frac{450}{243 \cdot 10^{-3}} = 1850 \text{ Om}$$

#### Пример 10.2

Лампа ступени, модулируемой на сетку, имеет характеристику:

 $i_a = b_0 + b_1 u_c + b_2 u_c^2,$ 

где  $b_0 = 30$  мА;  $b_1 = 12$  мА/В,  $b_2 = 1,2$  мА/В<sup>2</sup>.

На ее сетку подается напряжение:

 $u_c = U_{c0} + U_{cm} \cos \omega_0 t,$ 

где

$$U_{c0} = E_c + U_\Omega \cos \Omega t,$$
  
 $U_{cm} = 0.5 \text{ B}, \quad E_c = -2.5 \text{ B}, U_\Omega = 2 \text{ B}$ 

Найти коэффициент модуляции анодного тока. Реакцию анода не учитывать.

Решение Изф-лы (10.7)

$$I_{a1} = (b_1 + 2b_2 U_{c0}) U_{cm}.$$

Поэтому

$$I_{a1 \ \text{make}} = [b_1 + 2b_2(E_c + U_{\Omega})]U_{cm},$$
  
$$I_{a1 \ \text{muh}} = [b_1 + 2b_2(E_c - U_{\Omega})]U_{cm}$$

И

$$M = \frac{I_{a1 \text{ marc}} - I_{a1 \text{ muh}}}{I_{a1 \text{ marc}} + I_{a1 \text{ muh}}} = \frac{2b_2 U_{\Omega}}{b_1 + 2b_2 E_c} = \frac{2 \cdot 1, 2 \cdot 2}{12 - 2 \cdot 1, 2 \cdot 2, 5} = 0,8.$$

## § 10.3. Амплитудная анодная модуляция

Схема амплитудной анодной модуляции приведена на рис. 10.9. В ней модулирующие колебания меняют нулевую составляющую анодного напряжения  $U_{a0}$ . Таким образом, для неискаженной модуляции здесь необходима линейная зависимость амплитуды первой гармоники анодного тока  $I_{a1}$  от  $U_{a0}$ .



Рис. 10.9

На рис. 10.10 приведено семейство колебательных характеристик резонансного усилителя на пентоде, снятых при различных напряжениях источника анодного питания  $U_{a0}$ . В недонапряженном режиме все характеристики этого семейства практически совпадают,

так как при нем анодный ток мало зависит от напряжения на аноде. В перенапряженном режиме, как было показано в § 9.3,  $I_{a1} \approx \frac{U_{a0}}{R_{x}}$ , т. е. меняется пропорционально  $U_{a0}$ . Несколько зависимостей  $I_{a1}$  от  $U_{a0}$  при постоянном  $U_{cm}$  (модуляционных характеристик), полученных из рис. 10.10, изображено на рис. 10.11.



На рис. 10.12 изображено семейство колебательных характеристик резонансного усилителя на триоде. В этом случае  $I_{a1}$  зависит от  $U_{a0}$  и в недонапряженном режиме, поскольку уменьшение  $U_{a0}$  приводит к сдвигу характеристики  $i_a = f(u_c)$  вправо.



Схема анодной модуляции имеет преимущество перед схемой сеточной модуляции, заключающееся в том, что при работе в перенапряженном режиме или вблизи него напряжение  $U_{am}$  все время примерно равно  $U_{a0}$ , что является необходимым условием для получения хорошего кпд (§ 9.4). В схеме сеточной модуляции  $U_{am} \approx E_a$  лишь в моменты максимальной амплитуды. В остальное время  $U_{am} < E_a$ .

С другой стороны, модулирующее напряжение и необходимая мощность источника модулирующих колебаний при сеточной модуляции меньше, чем при анодной. В этом преимущество сеточной модуляции. В радиопередатчиках применяются обе схемы модуляции.

## § 10.4. Балансная модуляция

В ряде случаев для экономии мощности <sup>1</sup>) конструируют радиопередатчик так, чтобы он излучал лишь колебания боковых частот, а необходимое для амплитудной модуляции колебание несущей частоты создают в радиоприемном устройстве. Последнее вполне возможно потому, что колебание несущей частоты имеет постоянную, не зависящую от модуляции, амплитуду и частоту.

Для получения колебаний боковых частот без несущей применяют так называемую балансную модуляцию, основанную на том, что складывают два АМ колебания, у которых колебания боковых частот находятся в фазе, а несущих — в противофазе (или берут разность двух АМ колебаний, у которых боковые частоты в противофазе, а несущие — в фазе).

Пусть модуляционная характеристика некоторой схемы амплитудной модуляции линейна (это необходимо для неискаженной модуляции) и выражается уравнением:

$$I_{a1} = B_0 + B_1 U_{c0},$$

где  $B_0$  и  $B_1$  — постоянные величины.

Пусть далее U<sub>c0</sub> меняется по закону модулирующего сигнала:

$$U_{c0} = \overline{U}_{c0} + \sum_{k=1}^{n} U_k \cos(\Omega_k t + \Phi_k).$$

Тогда первая гармоника анодного тока запишется так:

$$\begin{split} I_{a1}\cos(\omega_0 t + \varphi) &= (B_0 + B_1 U_{c0})\cos(\omega_0 t + \varphi) = \\ &= \overline{I}_{a1} \left[ 1 + \sum_{k=1}^n M_k \circ (\Omega_k t + \Phi_k) \right] \cos(\omega_0 t + \varphi) = \\ &= \overline{I}_{a1}\cos(\omega_0 t + \varphi) + \overline{I}_{a1} \sum_{k=1}^n \Big\{ \frac{M_k}{2} \cos[(\omega_0 + \Omega_k)t + \varphi + \Phi_k] + \\ &+ \frac{M_k}{2} \cos[(\omega_0 - \Omega_k)t + \varphi - \Phi_k] \Big\}, \end{split}$$

где

$$\overline{I}_{a1} = B_0 + B_1 \overline{U}_{c0},$$
$$M_k = \frac{B_1 U_k}{B_0 + B_1 \overline{U}_{c0}}$$

(как было показано в § 6.2 первой части курса).

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>) Как было показано в § 6.14 первой части курса, мощность колебания несущей частоты составляет 2/3 или более мощности АМ колебания.

Входящий в это выражение сдвиг фаз  $\varphi$  совпадает со сдвигом фаз напряжения высокой частоты на сетке.

Таким образом, если подать на сетки двух ламп напряжения высокой частоты с противоположными фазами, например,  $\varphi$  и  $\varphi+\pi$ , то колебания несущих частот окажутся в противофазе. Если при этом в противофазе и модулирующие напряжения на сетках, например, с фазами  $\Phi_k$  и  $\Phi_k+\pi$ , то фазы боковых частот одного АМ колебания равны  $\varphi+\Phi_k$  и  $\varphi-\Phi_k$ , а другого —  $(\varphi+\pi)+(\Phi_k+\pi)=\varphi+\Phi_k+2\pi$  и  $(\varphi+\pi)-(\Phi_k+\pi)=\varphi-\Phi_k.$ 

При сложении полученных АМ колебаний колебания несущих частот взаимно уничтожатся, а колебания боковых частот сложатся.

В результате получим:

$$2\overline{I}_{a1}\sum_{k=1}^{n} \left\{ \frac{M_k}{2} \cos[(\omega_0 + \Omega_k)t + \varphi + \Phi_k] + \frac{M_k}{2} \cos[(\omega_0 - \Omega_k)t + \varphi - \Phi_k] \right\} = 2\overline{I}_{a1}\sum_{k=1}^{n} M_k \cos(\Omega_k t + \Phi_k) \cos(\omega_0 t + \varphi).$$

Схема для получения колебаний боковых частот описанным способом изображена на рис. 10.13. Фазы напряжений, подаваемых на сетки, обозначены на рисунке стрелками.



Рис. 10.13

На рис. 10.14*а* изображена временна́я диаграмма первой гармоники анодного тока лампы  $\mathcal{J}_1$ , со сдвигом фаз  $\varphi$ , на рис. 10.14*б* — аналогичного колебания со сдвигом фаз  $\varphi + \pi$  для лампы  $\mathcal{J}_2$ , на рис. 10.14*в* — сумма этих колебаний, состоящая только из колебаний боковых частот.



При переходе огибающей суммарного колебания через нуль его сдвиг фаз меняется на  $\pi.$ 

Возможен и другой вариант балансной модуляции (рис. 10.15), отличающийся от предыдущего тем, что колебания высокой частоты подаются на сетки обеих ламп в фазе, а модулирующие — по-прежнему в противофазе. Поэтому колебания несущей частоты в анодном токе ламп в этом случае оказываются в фазе, а боковых частот — в противофазе. Колебательный контур связан с анодными цепями ламп так, что эдс, наводимая в нем, определяется разностью анодных токов. В результате колебания несущей частоты на контур не действуют, а действия колебаний боковых частот складываются.



#### Рис. 10.15

# § 10.5. Фазовая и частотная модуляция

Фазово-модулированное колебание с небольшим индексом модуляции может быть получено из АМ колебания путем поворота фазы колебания несущей частоты на  $\pi/2$ , как это следует из § 7.7 первой части курса. Для этого к АМ колебанию добавляют еще колебание с несущей частотой, постоянной амплитудой и таким сдвигом фаз, чтобы в результате колебание несущей частоты оказалось сдвинутым на  $\pi/2$ . Сказанное иллюстрирует рис. 10.16. На рисунке вектором переменной длины AB, меняющимся от AB' до AB''', изображено AM колебание (вектор AB'' соответствует колебанию его несущей частоты). К нему прибавлено колебание, которому соответствует вектор OA. Результирующий вектор OB, меняющийся от OB' до OB''', есть ФМ колебание с колебанием несущей OB''. Это тем точнее, чем меньше индекс модуляции m.



Рис. 10.16

Для получения колебаний с большим индексом модуляции применяют умножение частоты (§ 9.6), в результате чего индекс модуляции увеличивается в целое число раз.

Иногда для получения  $\Phi M$  колебаний с малым индексом модуляции колебания боковых частот берут со схемы балансной модуляции и добавляют к ним соответственно сдвинутое по фазе немодулированное колебание несущей частоты. На рис. 10.17 вектор AB (меняется от AB' до AB'') является суммой колебаний боковых частот. К нему добавляется вектор колебания несущей частоты OA. Результирующий вектор OB представляет  $\Phi M$  колебание (сравните с рис. 7.6 и 7.4 в первой части курса).



#### Рис. 10.17

Как известно (§ 7.3 первой части курса) у частотно-модулированного колебания сдвиг фаз меняется не пропорционально модулирующему колебанию, как это имеет место при фазовой модуляции, а пропорционально интегралу от модулирующего колебания. Таким образом, если на фазовый модулятор подать не модулирующее колебание, а напряжение, пропорциональное интегралу от него, то получится не фазово-модулированное, а частотно-модулированное колебание. Этим способом иногда пользуются для получения частотномодулированных колебаний. При этом интегрирование можно осуществить, например, с помощью интегрирующих схем, о которых упоминалось в § 3.4.